Bruchrechnen Übung

1. Ordnen Sie folgenden Brüchen die richtigen Brucharten zu!

a)
$$2\frac{2}{7}$$

b)
$$\frac{1}{9}$$

c)
$$\frac{11}{10}$$

d)
$$\frac{1}{63}$$

a)
$$2\frac{2}{7}$$
 b) $\frac{1}{9}$ c) $\frac{11}{10}$ d) $\frac{1}{63}$ e) $5\frac{11}{100}$

f)
$$\frac{12}{4}$$

g)
$$\frac{12}{13}$$

f)
$$\frac{12}{4}$$
 g) $\frac{12}{13}$ h) $\frac{18}{15}$ i) $3\frac{2}{9}$

i)
$$3\frac{2}{9}$$

j)
$$\frac{29}{1000}$$

2. Verwandeln Sie in einen unechten Bruch.

a)
$$1\frac{2}{3}$$
 b) $6\frac{5}{8}$ c) $2\frac{2}{7}$ d) $3\frac{1}{5}$ e) $7\frac{3}{4}$

b)
$$6\frac{5}{8}$$

c)
$$2\frac{2}{7}$$

d)
$$3\frac{1}{5}$$

e)
$$7\frac{3}{4}$$

3. Verwandeln Sie in eine gemischte Zahl.

a)
$$\frac{17}{4}$$

b)
$$\frac{29}{9}$$

a)
$$\frac{17}{4}$$
 b) $\frac{29}{9}$ c) $\frac{35}{4}$ d) $\frac{33}{8}$ e) $\frac{15}{4}$

d)
$$\frac{33}{8}$$

e)
$$\frac{15}{4}$$

4. Erweitern Sie die gegebenen Brüche.

a)
$$\frac{3}{4}$$
 auf den Nenner 16

b)
$$\frac{2}{5}$$
 auf den Nenner -10

a)
$$\frac{3}{4}$$
 auf den Nenner 16 b) $\frac{2}{5}$ auf den Nenner -10 c) $\frac{-5}{7}$ auf den Nenner 77

d)
$$\frac{-3}{8}$$
 mit -5

e)
$$\frac{5}{-6}$$
 mit 7

f)
$$\frac{6}{7}$$
 mit -3

g)
$$\frac{3}{10}$$
 auf den Zähler 33

g)
$$\frac{3}{10}$$
 auf den Zähler 33 h) $-\frac{4}{9}$ auf den Zähler 28 i) $\frac{11}{13}$ auf den Zähler 44

i)
$$\frac{11}{13}$$
 auf den Zähler 44

5. Erweitern Sie jeweils auf den Nenner 60.

$$\frac{14}{15}$$

$$\frac{3}{10}$$

$$\frac{7}{12}$$

$$\frac{3}{4}$$

$$\frac{11}{20}$$

6. Ergänzen Sie den fehlenden Zähler bzw. Nenner. Womit wurde jeweils erweitert?

a)
$$\frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

b)
$$\frac{4}{5} = \frac{8}{12}$$

a)
$$\frac{1}{3} = \frac{\Box}{9}$$
 b) $\frac{4}{5} = \frac{8}{\Box}$ c) $\frac{3}{4} = \frac{\Box}{20}$ d) $\frac{4}{6} = \frac{32}{\Box}$ e) $\frac{3}{7} = \frac{\Box}{35}$

d)
$$\frac{4}{6} = \frac{32}{111}$$

e)
$$\frac{3}{7} = \frac{11}{35}$$

- 7. Kürzen Sie entsprechend!
- a) $\frac{27}{81}$ auf den Nenner 27 b) $\frac{64}{96}$ auf den Nenner 8 c) $\frac{44}{121}$ auf den Nenner 11
- d) $\frac{-117}{104}$ mit 13
- e) $\frac{60}{75}$ mit 5

f) $\frac{27}{36}$ mit -3

- g) $\frac{144}{168}$ auf den Zähler 12 h) $\frac{-100}{90}$ auf den Zähler 20 i) $\frac{176}{242}$ auf den Zähler 16

- 8. Ergänzen Sie die Leerstelle.

- a) $\frac{8}{12} = \frac{4}{12}$ b) $\frac{27}{24} = \frac{11}{8}$ c) $\frac{30}{45} = \frac{6}{12}$ d) $\frac{70}{98} = \frac{5}{12}$ e) $\frac{35}{80} = \frac{11}{16}$
- 9. Kürzen Sie so weit wie möglich:
 - a) $\frac{4}{14}$
- b) $\frac{8}{24}$ c) $\frac{18}{36}$
- d) $\frac{35}{80}$
- e) $\frac{69}{92}$

- 10. Multiplizieren Sie. Kürzen Sie soweit möglich.
 - a) $\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}$
- b) $\frac{3}{4} \cdot \left(-\frac{16}{24}\right)$ c) $\frac{2}{5} \cdot \frac{5}{8}$ d) $4 \cdot \frac{3}{-5}$

- e) $\frac{12}{-7} \cdot \frac{21}{8}$
- f) $\frac{1}{9} \cdot \frac{3}{9}$ g) $\frac{5}{6} \cdot \frac{3}{20}$
- h) $\frac{49}{6} \cdot \frac{72}{7}$

- i) $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{5}{4}$ j) $\frac{9}{5} \cdot \frac{-3}{5} \cdot \frac{-7}{4}$ k) $\frac{13}{7} \cdot \frac{3}{65} \cdot \frac{21}{9}$
- 11. Dividieren und kürzen Sie soweit möglich.
 - a) $\frac{3}{8}:\frac{5}{8}$
- b) $\frac{2}{5}$: $\left(-\frac{2}{10}\right)$ c) $\frac{12}{19}$: $\frac{7}{38}$ d) $\frac{22}{13}$: $\frac{11}{39}$

- e) $\frac{28}{9}$: (-7) f) $\frac{1}{2}$: $\frac{1}{3}$ g) $\frac{9}{2}$: $\frac{27}{3}$ h) $\frac{15}{8}$: $\frac{1}{9}$

- i) $\frac{7}{3}:\frac{4}{3}$
- j) $\left(\frac{24}{100}:\frac{3}{4}\right):\frac{2}{5}$ k) $\frac{24}{100}:\left(\frac{3}{4}:\frac{2}{5}\right)$

12. Addieren bzw. subtrahieren Sie. Vereinfachen Sie Ihre Ergebnisse!

a)
$$\frac{1}{3} + \frac{5}{3}$$

b)
$$\frac{3}{7} + \frac{3}{7}$$

c)
$$\frac{7}{9} - \frac{5}{9}$$

d)
$$\frac{23}{72} - \frac{11}{72}$$

e)
$$\frac{10}{16} + \frac{4}{16}$$

f)
$$\frac{9}{14} - \frac{7}{14}$$

g)
$$\frac{1}{8} + \frac{5}{8}$$

g)
$$\frac{1}{8} + \frac{5}{8}$$
 h) $\frac{2}{10} + \frac{9}{10}$

i)
$$\frac{6}{5} - \frac{4}{5}$$

i)
$$\frac{6}{5} - \frac{4}{5}$$
 j) $\frac{25}{70} - \frac{31}{70}$

k)
$$\frac{2}{5} + \frac{3}{10}$$
 l) $\frac{3}{4} + \frac{5}{9}$

l)
$$\frac{3}{4} + \frac{5}{9}$$

m)
$$\frac{1}{6} + \frac{3}{8}$$

n)
$$\frac{5}{6} + \frac{4}{5}$$

o)
$$2\frac{3}{4} + \frac{4}{10}$$

o)
$$2\frac{3}{4} + \frac{4}{10}$$
 p) $2\frac{1}{3} + 3\frac{1}{4}$

q)
$$\frac{5}{63} + \frac{1}{7}$$

r)
$$\frac{4}{5} + \frac{4}{9}$$

s)
$$\frac{11}{12} - \frac{20}{21}$$

q)
$$\frac{5}{63} + \frac{1}{7}$$
 r) $\frac{4}{5} + \frac{4}{9}$ s) $\frac{11}{12} - \frac{20}{21}$ t) $3\frac{1}{4} + 4\frac{2}{5}$

u)
$$3\frac{1}{5} - \frac{3}{10}$$

v)
$$\frac{5}{6} + 2\frac{1}{9}$$

$$w) \frac{1}{3} + \frac{3}{2} - \frac{5}{8}$$

w)
$$\frac{1}{3} + \frac{3}{2} - \frac{5}{8}$$
 x) $\frac{1}{5} - \frac{3}{4} - \frac{5}{7}$

13. Welche der folgenden Aussagen sind wahr, welche sind falsch?

a)
$$\frac{6}{7} > \frac{7}{8}$$

b)
$$\frac{5}{8} < \frac{7}{11}$$

b)
$$\frac{5}{8} < \frac{7}{11}$$
 c) $\frac{9}{11} = \frac{53}{66}$

d)
$$\frac{7}{9} < \frac{11}{14}$$

e)
$$\frac{7}{13} \neq \frac{49}{91}$$

f)
$$-\frac{2}{5} > -\frac{5}{12}$$
 g) $\frac{5}{12} < \frac{5}{11}$

g)
$$\frac{5}{12} < \frac{5}{11}$$

h)
$$\frac{5}{-14} = -\frac{-35}{98}$$

14. Ordnen Sie der Größe nach beginnend mit dem kleinsten Bruch.

a)
$$\frac{9}{11}$$
; $\frac{7}{11}$; $\frac{8}{11}$

b)
$$\frac{5}{17}$$
; $\frac{4}{17}$; $\frac{7}{17}$

c)
$$\frac{14}{15}$$
; $\frac{4}{5}$; $\frac{9}{10}$

d)
$$\frac{4}{5}$$
; $\frac{2}{3}$; $\frac{3}{4}$

e)
$$\frac{11}{16}$$
; $\frac{23}{32}$; $\frac{8}{12}$

f)
$$\frac{2}{5}; \frac{3}{7}; \frac{1}{3}$$

g)
$$\frac{19}{24}$$
; $\frac{19}{27}$; $\frac{19}{26}$

h)
$$\frac{5}{7}$$
; $\frac{5}{9}$; $\frac{5}{11}$

15. Vereinfachen Sie die Doppelbrüche.

a)
$$\frac{\frac{11}{4}}{\frac{66}{8}}$$

b)
$$\frac{\frac{17}{62}}{\frac{34}{93}}$$

c)
$$\frac{\frac{25}{30}}{\frac{49}{35}}$$

d)
$$\frac{\frac{72}{36}}{\frac{12}{72}}$$

Lösung: Bruchrechnen

1.

- a) Gemischte Zahl
- b) Stammbruch und insbesondere echter Bruch
- c) Unechter Bruch
- d) Stammbruch und daher auch echter Bruch
- e) Gemischte Zahl
- f) Unechter Bruch
- g) Echter Bruch
- h) Unechter Bruch
- i) Gemischte Zahl
- j) Echter Bruch

2.

a)
$$\frac{5}{3}$$

b)
$$\frac{53}{8}$$

c)
$$\frac{16}{7}$$

d)
$$\frac{16}{5}$$

b)
$$\frac{53}{8}$$
 c) $\frac{16}{7}$ d) $\frac{16}{5}$ e) $\frac{31}{4}$

a)
$$4\frac{1}{4}$$
 b) $2\frac{2}{9}$ c) $8\frac{3}{4}$ d) $4\frac{1}{8}$ e) $3\frac{3}{4}$

b)
$$2\frac{2}{9}$$

c)
$$8\frac{3}{4}$$

d)
$$4\frac{1}{8}$$

e)
$$3\frac{3}{4}$$

a)
$$\frac{3}{4} = \frac{12}{16}$$

b)
$$\frac{2}{5} = -\frac{4}{-10}$$

c)
$$\frac{-5}{7} = -\frac{55}{77}$$

d)
$$\frac{-3}{8} = \frac{15}{-40}$$

e)
$$\frac{5}{-6} = \frac{35}{-42}$$

f)
$$\frac{6}{7} = -\frac{18}{-21}$$

g)
$$\frac{3}{10} = 33/110$$

h)
$$-\frac{4}{9} = -\frac{28}{63}$$

i)
$$\frac{11}{13} = \frac{44}{52}$$

5.

$$\frac{1}{3} = \frac{20}{60}$$

$$\frac{14}{15} = \frac{56}{60}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{24}{60}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{24}{60}$$
 $\frac{5}{6} = \frac{50}{60}$

$$\frac{3}{10} = \frac{18}{60}$$

$$\frac{7}{12} = \frac{35}{60}$$
 $\frac{3}{4} = \frac{45}{60}$ $\frac{11}{20} = \frac{33}{60}$

$$\frac{3}{4} = \frac{45}{60}$$

$$\frac{11}{20} = \frac{33}{60}$$

a)
$$\frac{1}{3} = \frac{3}{9}$$

mit 3

b)
$$\frac{4}{5} = \frac{8}{10}$$

c)
$$\frac{3}{4} = \frac{15}{20}$$

d)
$$\frac{4}{6} = \frac{32}{48}$$
 mit 8

a)
$$\frac{1}{3} = \frac{3}{9}$$
 b) $\frac{4}{5} = \frac{8}{10}$ c) $\frac{3}{4} = \frac{15}{20}$ d) $\frac{4}{6} = \frac{32}{48}$ e) $\frac{3}{7} = \frac{15}{35}$ mit 3 mit 5

- 7. a) $\frac{27}{81} = \frac{9}{27}$
- b) $\frac{64}{96} = \frac{8}{12}$

c) $\frac{44}{121} = \frac{4}{11}$

d) $\frac{-117}{104} = \frac{-9}{8}$

e) $\frac{60}{75} = \frac{12}{15}$

f) $\frac{27}{36} = -\frac{-9}{-12}$

g) $\frac{144}{168} = \frac{12}{14}$

- h) $\frac{-100}{90} = \frac{20}{-18}$
- i) $\frac{176}{242} = \frac{16}{22}$

8.

- a) $\frac{8}{12} = \frac{4}{6}$ b) $\frac{27}{24} = \frac{9}{8}$ c) $\frac{30}{45} = \frac{6}{9}$ d) $\frac{70}{98} = \frac{5}{7}$ e) $\frac{35}{80} = \frac{7}{16}$

- a) $\frac{2}{7}$

- b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{7}{16}$
- e) $\frac{3}{4}$

10.

- a) $\frac{3}{8}$
- b) $-\frac{1}{2}$
- c) $\frac{1}{4}$
- d) $-\frac{12}{5}$

- e) $-\frac{9}{2}$
- f) $\frac{1}{24}$
- g) $\frac{1}{8}$

h) 84

i) $\frac{5}{24}$

- j) $\frac{100}{189}$
- k) $\frac{1}{5}$

11.

- a) $\frac{3}{5}$
- b) -2
- c) $\frac{24}{7} = 3\frac{3}{7}$
- d) 6

- e) $\frac{-4}{9}$
- f) $\frac{3}{2}$

- g) $\frac{1}{2}$
- h) $\frac{15}{8}$

i) $\frac{7}{4}$

j) $\frac{4}{5}$

k) $\frac{16}{125}$

12.

a)
$$\frac{6}{3} = 2$$

b)
$$\frac{6}{7}$$

c)
$$\frac{2}{9}$$

b)
$$\frac{6}{7}$$
 c) $\frac{2}{9}$ d) $\frac{12}{72} = \frac{1}{6}$

e)
$$\frac{14}{16} = \frac{7}{8}$$

f)
$$\frac{2}{14} = \frac{1}{7}$$
 g) $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ h) $\frac{11}{10}$

g)
$$\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

h)
$$\frac{11}{10}$$

i)
$$\frac{2}{5}$$

j)
$$-\frac{6}{70} = -\frac{3}{35}$$
 k) $\frac{7}{10}$

k)
$$\frac{7}{10}$$

l)
$$\frac{47}{36}$$

m)
$$\frac{13}{24}$$

n)
$$\frac{49}{30}$$

o)
$$3\frac{3}{20} = \frac{63}{20}$$

n)
$$\frac{49}{30}$$
 o) $3\frac{3}{20} = \frac{63}{20}$ p) $5\frac{7}{12} = \frac{67}{12}$

q)
$$\frac{14}{63} = \frac{2}{9}$$

r)
$$\frac{56}{45} = 1\frac{11}{45}$$

q)
$$\frac{14}{63} = \frac{2}{9}$$
 r) $\frac{56}{45} = 1\frac{11}{45}$ s) $-\frac{3}{84} = -\frac{1}{28}$ t) $\frac{153}{20} = 7\frac{13}{20}$

t)
$$\frac{153}{20} = 7\frac{13}{20}$$

u)
$$2\frac{9}{10} = \frac{29}{10}$$

v)
$$2\frac{17}{18} = \frac{53}{18}$$

u)
$$2\frac{9}{10} = \frac{29}{10}$$
 v) $2\frac{17}{18} = \frac{53}{18}$ w) $1\frac{5}{24} = \frac{29}{24}$ x) $-\frac{177}{140}$

$$x) -\frac{177}{140}$$

13.

- a) f, es sollte für den Vergleich auf den kleinesten gemeinsamen Nenner 56 erweitert
- b) w, der gemeinsame Nenner ist hier 88.
- c) f
- d) w
- e) f
- f) w, das Minuszeichen dreht das Ungleichheitszeichen um.
- g) w, von zwei Brüchen mit gleichem Zähler ist der mit dem größerem Nenner der Kleinere.
- h) w

14.

a)
$$\frac{7}{11} < \frac{8}{11} < \frac{9}{11}$$

a)
$$\frac{7}{11} < \frac{8}{11} < \frac{9}{11}$$
 b) $\frac{4}{17} < \frac{5}{17} < \frac{7}{17}$ c) $\frac{4}{5} < \frac{9}{10} < \frac{14}{15}$ d) $\frac{2}{3} < \frac{3}{4} < \frac{4}{5}$

c)
$$\frac{4}{5} < \frac{9}{10} < \frac{14}{15}$$

d)
$$\frac{2}{3} < \frac{3}{4} < \frac{4}{5}$$

e)
$$\frac{8}{12} < \frac{11}{16} < \frac{23}{32}$$
 f) $\frac{1}{3} < \frac{2}{5} < \frac{3}{7}$ g) $\frac{19}{27} < \frac{19}{26} < \frac{19}{24}$ h) $\frac{5}{11} < \frac{5}{9} < \frac{5}{7}$

f)
$$\frac{1}{2} < \frac{2}{5} < \frac{3}{7}$$

g)
$$\frac{19}{27} < \frac{19}{26} < \frac{19}{24}$$

h)
$$\frac{5}{11} < \frac{5}{9} < \frac{5}{7}$$

15.

a)
$$\frac{1}{3}$$

b)
$$\frac{3}{4}$$

c)
$$\frac{25}{42}$$